

数学 I

第 2 問 (配点 30)

〔1〕 $\triangle OAB$ の辺 AB 上に、点 A , B と異なる点 P をとる。 $\triangle OAP$, $\triangle OPB$, $\triangle OAB$ の外接円の半径を、それぞれ R_1 , R_2 , R_3 とする。

(1) $\frac{R_1}{R_3}$ と $\frac{R_2}{R_1}$ を、線分の長さの比を用いて表そう。

$$R_1 = \frac{\boxed{\text{ア}}}{2 \sin \angle OAB}$$

$$R_3 = \frac{\boxed{\text{イ}}}{2 \sin \angle OAB}$$

である。したがって

$$\frac{R_1}{R_3} = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}$$

が成り立つ。

$\frac{R_2}{R_3}$ についても同様に考えることにより、 $\frac{R_2}{R_1}$ は

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{R_3}{R_1} \cdot \frac{R_2}{R_3} = \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}$$

を満たすことがわかる。

$\boxed{\text{ア}} \sim \boxed{\text{エ}}$ の解答群 (同じものを繰り返し選んでもよい。)

- | | | |
|------|------|------|
| ① OA | ① OB | ② OP |
| ③ AB | ④ AP | ⑤ BP |

(数学 I 第 2 問は次ページに続く。)

- (2) $OA = 3$, $OB = 4$, $AB = 5$ とする。 R_1 , R_2 , R_3 の間の大小関係について考えよう。

- (i) 点 P が $OP = OA$ を満たすとき

$$AP = \frac{\boxed{\text{オカ}}}{\boxed{\text{キ}}}$$

である。

- (ii) $a = \frac{\boxed{\text{オカ}}}{\boxed{\text{キ}}}$ とする。

R_1 , R_2 , R_3 の間の大小関係について、点 P が $0 < AP < a$ を満たすとき

$\boxed{\text{ク}}$ である。また、点 P が $a < AP < 5$ を満たすとき $\boxed{\text{ケ}}$ である。

$\boxed{\text{ク}}$, $\boxed{\text{ケ}}$ の解答群 (同じものを繰り返し選んでもよい。)

④ $R_1 < R_2 < R_3$

② $R_2 < R_1 < R_3$

④ $R_3 < R_1 < R_2$

① $R_1 < R_3 < R_2$

③ $R_2 < R_3 < R_1$

⑤ $R_3 < R_2 < R_1$

(数学 I 第 2 問は次ページに続く。)