

**2** (60 点)

空間の点  $(0, 0, 1)$  を通り  $(1, -1, 0)$  を方向ベクトルとする直線を  $\ell$  とし、  
点  $(1, 0, 3)$  を通り  $(0, 1, -2)$  を方向ベクトルとする直線を  $m$  とする。

(1)  $P$  を  $\ell$  上の点とし、 $Q$  を  $m$  上の点とする。また直線  $PQ$  は直線  $\ell$  と直線  $m$  に垂直であるとする。このとき  $P$  と  $Q$  の座標、および線分  $PQ$  の長さを求めよ。

(2)  $\ell$  上に 2 点

$$A = (t, -t, 1)$$

$$B = (2 + t + \sin t, -2 - t - \sin t, 1)$$

があり、 $m$  上に 2 点

$$C = (1, t, 3 - 2t)$$

$$D = (1, 2 + t + \cos t, -1 - 2t - 2 \cos t)$$

があるとする。ただし、 $t$  は実数とする。四面体  $ABCD$  の体積を  $V(t)$  とする。 $V(0)$  を求めよ。

(3)  $t$  が  $t \geq 0$  を動くとき、 $V(t)$  の最大値と最小値を求めよ。