

第 5 問 (選択問題) (配点 20)

△ABC の重心を G とし、線分 AG 上で点 A とは異なる位置に点 D をとる。直線 AG と辺 BC の交点を E とする。また、直線 BC 上で辺 BC 上にはない位置に点 F をとる。直線 DF と辺 AB の交点を P、直線 DF と辺 AC の交点を Q とする。

(1) 点 D は線分 AG の中点であるとする。このとき、△ABC の形状に関係なく

$$\frac{AD}{DE} = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}$$

である。また、点 F の位置に関係なく

$$\frac{BP}{AP} = \boxed{\text{ウ}} \times \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オ}}}, \quad \frac{CQ}{AQ} = \boxed{\text{カ}} \times \frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{ク}}}$$

であるので、つねに

$$\frac{BP}{AP} + \frac{CQ}{AQ} = \boxed{\text{ケ}}$$

となる。

$\boxed{\text{エ}}$ 、 $\boxed{\text{オ}}$ 、 $\boxed{\text{キ}}$ 、 $\boxed{\text{ク}}$  の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- |      |      |      |      |
|------|------|------|------|
| ① BC | ② BF | ③ CF | ④ EF |
| ⑤ FP | ⑥ FQ | ⑦ PQ |      |

(数学 I ・ 数学 A 第 5 問は次ページに続く。)

- (2)  $AB = 9$ ,  $BC = 8$ ,  $AC = 6$  とし, (1) と同様に, 点  $D$  は線分  $AG$  の中点であるとする。ここで, 4 点  $B, C, Q, P$  が同一円周上にあるように点  $F$  をとる。

このとき,  $AQ = \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}} AP$  であるから

$$AP = \frac{\boxed{\text{シス}}}{\boxed{\text{セ}}}, \quad AQ = \frac{\boxed{\text{ソタ}}}{\boxed{\text{チ}}}$$

であり

$$CF = \frac{\boxed{\text{ツテ}}}{\boxed{\text{トナ}}}$$

である。

- (3)  $\triangle ABC$  の形状や点  $F$  の位置に関係なく, つねに  $\frac{BP}{AP} + \frac{CQ}{AQ} = 10$  となるの

は,  $\frac{AD}{DG} = \frac{\boxed{\text{ニ}}}{\boxed{\text{ヌ}}}$  のときである。