

数学 I

[2] 全体集合 U を 2 以上 9 以下の自然数全体の集合とする。 a, b, c, d は U の異なる要素とする。また、 U の部分集合 A, B, C, D を

$$A = \{n \mid n \text{ は } U \text{ の要素かつ } a \text{ の倍数}\}$$

$$B = \{n \mid n \text{ は } U \text{ の要素かつ } b \text{ の倍数}\}$$

$$C = \{n \mid n \text{ は } U \text{ の要素かつ } c \text{ の倍数}\}$$

$$D = \{n \mid n \text{ は } U \text{ の要素かつ } d \text{ の倍数}\}$$

とする。

なお、 $A \cup B \cup C$ とは、 $(A \cup B) \cup C$ のことであり、 $A \cup B \cup C \cup D$ とは、 $(A \cup B \cup C) \cup D$ のことである。

(1) $a = 4, b = 5$ のとき

$$A \cup B = \{\boxed{\text{シ}}, \boxed{\text{ス}}, \boxed{\text{セ}}\}$$

である。ただし、 $\boxed{\text{シ}} < \boxed{\text{ス}} < \boxed{\text{セ}}$ とする。

(2) $a = 2, b = 3$ のとき

$$A \cap \bar{B} = \{\boxed{\text{ソ}}, \boxed{\text{タ}}, \boxed{\text{チ}}\}$$

である。ただし、 $\boxed{\text{ソ}} < \boxed{\text{タ}} < \boxed{\text{チ}}$ とする。

(数学 I 第 1 問は次ページに続く。)

(3) 以下, $a < b < c < d$ とする。

(i) $a = 2$, $b = 3$ のとき, $A \cup B = \overline{C} \cap \overline{D}$ が成り立つのは,

$c = \boxed{\text{ツ}}$, $d = \boxed{\text{テ}}$ のときである。

(ii) $A \cup B \cup C \cup D = U$ が成り立つのは, $a = \boxed{\text{ト}}$, $b = \boxed{\text{ナ}}$,

$c = \boxed{\text{ニ}}$, $d = \boxed{\text{ヌ}}$ のときである。

(iii) $a = 2$ であることは, $\{2, 6, 8\} \subset A \cup B \cup C$ であるための
 $\boxed{\text{ネ}}$ 。また, $b = 6$ であることは, $\{2, 6, 8\} \subset A \cup B \cup C$ である
 ための $\boxed{\text{ノ}}$ 。

$\boxed{\text{ネ}}$, $\boxed{\text{ノ}}$ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- ① 必要条件であるが, 十分条件ではない
- ② 十分条件であるが, 必要条件ではない
- ③ 必要十分条件である
- ④ 必要条件でも十分条件でもない