

数学 I ・ 数学 A

〔 2 〕

(1) 点 O を中心とし、半径が 5 である円 O がある。この円周上に 2 点 A, B を  $AB = 6$  となるようにとる。また、円 O の円周上に、2 点 A, B とは異なる点 C をとる。

(i)  $\sin \angle ACB = \boxed{\text{サ}}$  である。また、点 C を  $\angle ACB$  が鈍角となるようにとるとき、 $\cos \angle ACB = \boxed{\text{シ}}$  である。

(ii) 点 C を  $\triangle ABC$  の面積が最大となるようにとる。点 C から直線 AB に垂直な直線を引き、直線 AB との交点を D とするとき、

$\tan \angle OAD = \boxed{\text{ス}}$  である。また、 $\triangle ABC$  の面積は  $\boxed{\text{セソ}}$  である。

$\boxed{\text{サ}}$  ~  $\boxed{\text{ス}}$  の解答群 (同じものを繰り返し選んでもよい。)

- |                  |                  |                  |      |                  |
|------------------|------------------|------------------|------|------------------|
| ① $\frac{3}{5}$  | ② $\frac{3}{4}$  | ③ $\frac{4}{5}$  | ④ 1  | ⑤ $\frac{4}{3}$  |
| ⑥ $-\frac{3}{5}$ | ⑦ $-\frac{3}{4}$ | ⑧ $-\frac{4}{5}$ | ⑨ -1 | ⑩ $-\frac{4}{3}$ |

(数学 I ・ 数学 A 第 1 問は 34 ページに続く。)

数学 I ・ 数学 A

(2) 半径が 5 である球 S がある。この球面上に 3 点 P, Q, R をとったとき、これらの 3 点を通る平面  $\alpha$  上で  $PQ = 8$ ,  $QR = 5$ ,  $RP = 9$  であったとする。

球 S の球面上に点 T を三角錐 TPQR の体積が最大となるようにとるとき、その体積を求めよう。

まず、 $\cos \angle QPR = \frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}}$  であることから、 $\triangle PQR$  の面積は

$\boxed{\text{ツ}} \sqrt{\boxed{\text{テト}}}$  である。

次に、点 T から平面  $\alpha$  に垂直な直線を引き、平面  $\alpha$  との交点を H とする。このとき、PH, QH, RH の長さについて、 $\boxed{\text{ナ}}$  が成り立つ。

以上より、三角錐 TPQR の体積は  $\boxed{\text{ニヌ}} \left( \sqrt{\boxed{\text{ネノ}}} + \sqrt{\boxed{\text{ハ}}} \right)$  である。

$\boxed{\text{ナ}}$  の解答群

- |                |                |
|----------------|----------------|
| ① PH < QH < RH | ① PH < RH < QH |
| ② QH < PH < RH | ② QH < RH < PH |
| ③ RH < PH < QH | ③ RH < QH < PH |
| ④ PH = QH = RH |                |